

2023年度 入学試験問題
(仙台・東京・東海・高松会場)

数 学

(6 0 分)

〔 注 意 〕

-
- ① 問題は①～④まであります。
 - ② 解答用紙はこの問題冊子の間にはさんであります。
 - ③ 解答用紙には受験番号と氏名を必ず記入のこと。
 - ④ 各問題とも解答は解答用紙の所定のところへ記入のこと。
-

西大和学園高等学校

問題は次のページから始まります。

1

次の各問いに答えよ。

- (1) ①, ②, ②, ③, ④, ⑤ と書かれたカードがある。5 枚のカードを選んで 1 列に並べてできる 5 桁の整数は全部で何通りあるか答えよ。
- (2) $x = \sqrt{2} + \sqrt{3}$, $y = 2\sqrt{2} - \sqrt{3}$, $z = \sqrt{2} - \sqrt{3}$ のとき, $zx + zy + x^2 - y^2$ の値を求めよ。
- (3) 正の奇数 1, 3, 5, …について考える。 n 番目の奇数の 2 乗と $n + 1$ 番目の奇数の 2 乗の差が n^2 になるような n の値を求めよ。
- (4) a を正の定数とする。 x の 2 次方程式 $x^2 - ax + 1 = 0$ の 2 つの解の差が $\frac{3}{2}$ であるとき, 定数 a の値を求めよ。
- (5) 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52 の計 10 個の数がある。
2 つの数 a, b ($a < b$) を取り除いた 8 個の数について, 平均値と中央値がともに $\frac{1}{2}$ 小さくなった。このとき, 整数の組 (a, b) を求めよ。

計算用紙

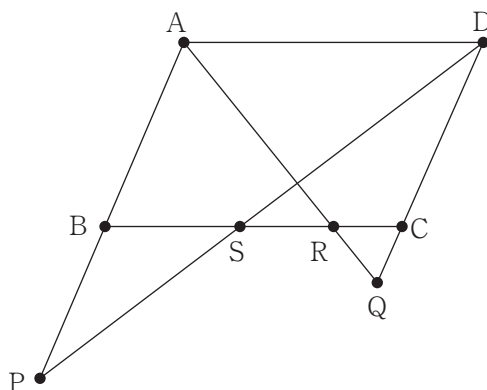
※切り離してはいけません。

問題は次のページへ続きます。

2

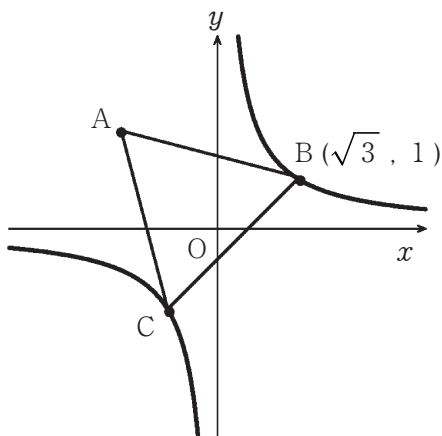
次の各問いに答えよ。

- (1) 平行四辺形 $ABCD$ において、直線 AB 上に $AB : BP = 5 : 4$ となる点 P と、直線 DC 上に $DC : CQ = 7 : 2$ となる点 Q をとる。直線 AQ , DP と辺 BC との交点をそれぞれ R , S とする。このとき、線分 BS と線分 SR の長さの比をもっとも簡単な整数で答えよ。



- (2) 図のように、 $y = \frac{\sqrt{3}}{x}$ のグラフの上に、点 $B(\sqrt{3}, 1)$ と点 C がある。直線 BC の傾きが 1 であるとき、次の問いに答えよ。

- (i) 点 C の座標を求めよ。
- (ii) 点 A を $\triangle ABC$ が正三角形となるようにとるとき、点 A の座標を求めよ。
ただし、点 A の x 座標は負とする。

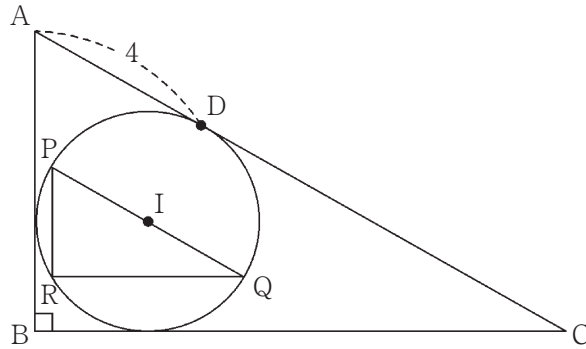


計算用紙

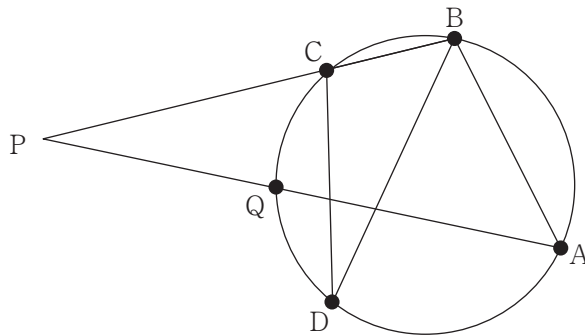
※切り離してはいけません。

問題は次のページへ続きます。

- (3) $\angle ABC = 90^\circ$ の直角三角形 ABC に半径 2 の円が内接している。この内接円の中心を I とする。円と辺 AC の接点を D とすると、 $AD = 4$ である。 I を通り AC と平行な直線と内接円の交点を P, Q とし、 $\triangle ABC \sim \triangle PRQ$ となるように内接円上の点 R をとるとき、 $\triangle PRQ$ の面積を求めよ。



- (4) 図のように、円周上に 4 点 A, B, C, D があり、直線 BC 上に $\triangle BCD$ と $\triangle ABP$ が相似になるように点 P をとる。このとき、 BC と AD が平行であることを証明せよ。必要であれば、円と直線 AP の交点のうち、点 A と異なる点を Q として断りなしに用いてよい。



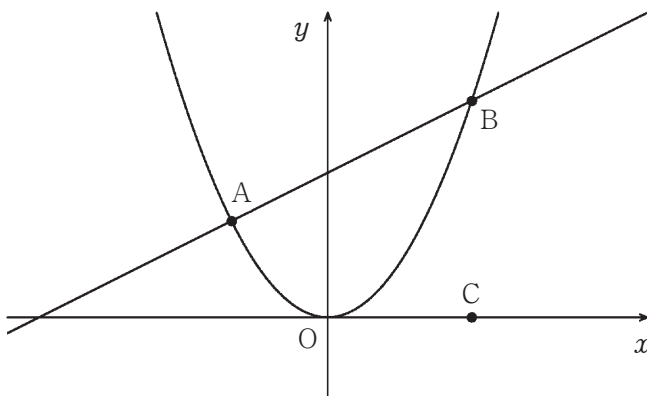
計算用紙

※切り離してはいけません。

問題は次のページへ続きます。

3

放物線 $y = ax^2$ 上の x 座標が -2 , 3 である点をそれぞれ A , B とする。また点 C を $C(3, 0)$ とする。点 A と点 B における y 座標の差は $\frac{5}{2}$ である。 $a > 0$ であるとして次の各問いに答えよ。



- (1) a の値を求めよ。
- (2) 直線 AB の式を求めよ。
- (3) 線分 AB 上に点 P をとる。 $\triangle ABC$ の面積が四角形 $OAPC$ の面積より $\frac{21}{20}$ 大きいとき、点 P の座標を求めよ。
- (4) (3) で定めた点 P と原点 O と点 C の 3 点を通る円の半径を求めよ。

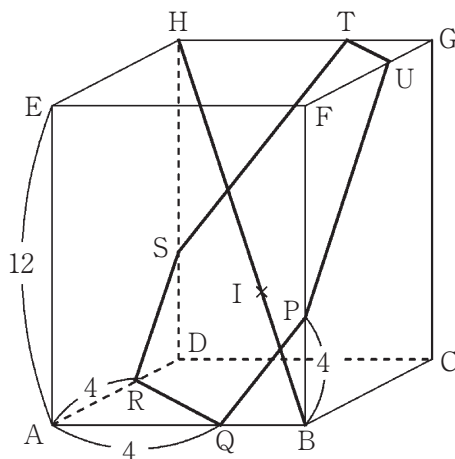
計算用紙

※切り離してはいけません。

問題は次のページへ続きます。

4

図において、立体 $ABCD - EFGH$ は直方体である。 $AB = 6$ ， $AD = 6$ ， $AE = 12$ であり、辺 BF ， AB ， AD 上にそれぞれ、 $BP = 4$ ， $AQ = 4$ ， $AR = 4$ ，となる点 P ， Q ， R をとる。3 点 P ， Q ， R を通る平面と辺 DH ， HG ， GF の交点をそれぞれ S ， T ， U とする。このとき、次の各問いに答えよ。



- (1) TU の長さを求めよ。
- (2) 六角形 $PQRSTU$ の面積を求めよ。
- (3) 直線 BH と六角形 $PQRSTU$ の交点を I とする。四角すい $I - ABCD$ の体積を求めよ。
- (4) 四角すい $I - ABCD$ を六角形 $PQRSTU$ を含む平面で 2 つの立体にわけるとき、体積が大きい方の立体の体積を求めよ。
- (5) 点 C から平面 $PQRSTU$ に垂線 CJ をおろす。 CJ の長さを求めよ。

計算用紙

※切り離してはいけません。

問題は以上です。

